

*LXXVIII Московская математическая олимпиада  
11 класс. Заочный тур (02.01.2015 – 31.01.2015)*

---

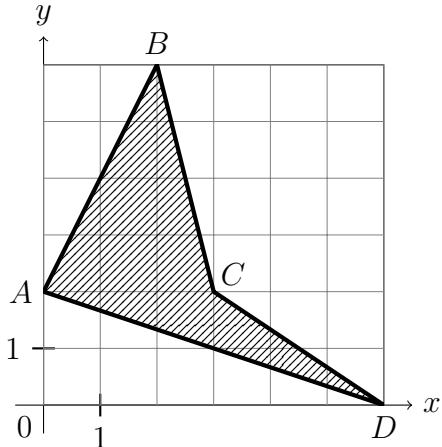
**Задача 1.** Попарно различные числа  $x, y, z$  таковы, что

$$x^3 + 2015x^2 + x = y^3 + 2015y^2 + y = z^3 + 2015z^2 + z.$$

Найдите  $x + y + z$  (при необходимости округлите ответ до целого числа).

**Задача 2.** Два велогонщика ехали со скоростью 40 км/ч, расстояние между ними было равно 30 метрам. Начался (пологий) подъем, на котором скорость велосипедиста падает до 30 км/ч. Каким стало расстояние между велосипедистами, когда они оба находились на подъеме? (При необходимости округлите ответ до целого числа метров.)

**Задача 3.** Найдите на чертеже узел  $C'$  такой, что  $S_{ABC'D} = 2S_{ABCD}$ . (Ответ запишите в формате типа (3,2).)



**Задача 4.** В таблицу  $10 \times 10$  выписали по возрастанию числа от 1 до 100 (в первой строке — числа от 1 до 10, во второй — от 11 до 20 и т. д.). Перед некоторыми из чисел поставили знак « $-$ », так чтобы в каждой строке и в каждом столбце было ровно по два знака « $-$ ». Чему может быть равна сумма всех чисел таблицы? В ответ запишите минимальную и максимальную возможную сумму в формате типа -10,1000.

**Задача 5.** У Сизифа есть кучка из 2015 камней, которую он хочет разделить на 2015 кучек по одному камню. За одну операцию он может разбить любую из имеющихся кучек на две — но если эти две кучки не одинаковые, то Сизиф платит штраф в 1 рубль. Какой наименьший штраф ему придется заплатить?

**Задача 6.** Вычислите с точностью до 1/100:

$$1 - \sqrt{49} + \sqrt{51} - \sqrt{2\,499} + \sqrt{2\,501} - \dots - \sqrt{50^{100} - 1} + \sqrt{50^{100} + 1}.$$

(Ответ запишите в формате типа 3,14.)

**Задача 7.** У куба и (правильного) октаэдра совпадают середины ребер. Найдите отношение объема куба к объему октаэдра. (Ответ округлите до 1/100 и запишите в формате типа 2,78.)