

Московская предпрофессиональная олимпиада школьников 2019
Инженерно-конструкторское направление
Первый тур

Вариант 1

Задача 1

При сборке башенного крана по одной отвесной боковой стороне уже собранных пролетов устройство сборки поднимает следующий пролет массой 300 кг. Поднимаемый пролет придавливается к отвесной стороне собранных пролетов с силой 300 Н. Коэффициент трения о поверхность $\mu=0.2$. Ускорение свободного падения принять равным 10 м/с^2 .

Устройство сборки приводится в движение электродвигателем. При нажатии и удержании кнопки 1 вал двигателя вращается по часовой стрелке и осуществляется подъем опоры крана, при нажатии и удержании кнопки 2 – вал вращается против часовой стрелки и осуществляется опускание.

Необходимо:

1) Изобразить на рисунке направление всех сил, действующих на пролет 4 при его подъеме.

2) Найти равнодействующую всех сил при равномерном движении пролета вертикально вверх. Определить, чему должна быть равна сила тяги, чтобы пролет двигался равномерно вертикально вверх.

3) Написать фрагмент программы управления поднятием пролета состоящий из следующих действий: считывание состояния кнопки 1, считывание состояния кнопки 2, ждать 0.1 секунду, включить электродвигатель на подъем, включить электродвигатель на опускание. Для реализации задания можно использовать команды: if (условие) {действие;}, digitalWrite(pin, value), value=digitalRead(pin), delay(time).

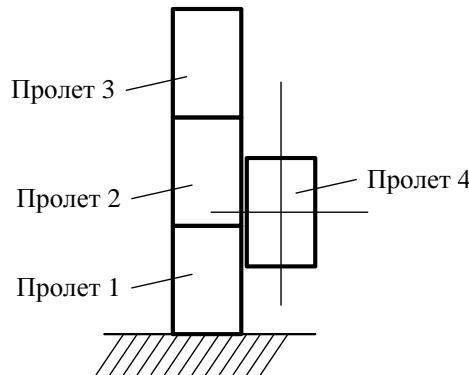
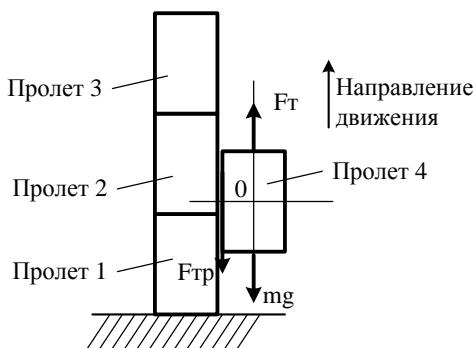


Рис. Схема подъема пролета башенного крана

Московская предпрофессиональная олимпиада школьников 2019
Инженерно-конструкторское направление
Первый тур

Решение и ответы:

1) Укажем на рисунке силы, действующие на пролет при его поднятии. На тело действует пять сил: сила тяжести, сила тяги, сила трения, сила давления и сила реакции.



2) Равнодействующая всех сил равна $F_t + F_d + N + F_{tp} + mg = 0$, так как движение равномерное.

Запишем проекции сил на оси координат:

0x: $N - F_d = 0$ следовательно $N = F_d$

0y: $F_t - F_{tp} - mg = 0$ следовательно $F_t = F_{tp} + mg$.

$$F_{tp} = \mu * N = \mu * F_d.$$

$$F_t = \mu * F_d + mg; F_t = [H + (kg * m) / c^2 = H].$$

$$F_t = 0.2 * 300 + 300 * 10 = 3060 \text{ Н.}$$

3) Фрагмент программы, в виде последовательности данных команд:

```
value=digitalRead(10);      //Считывание сигнала с выключателя 1
delay(100);                 //Ожидание 0.1 секунд (100 мс)
if (value == HIGH)           //Проверка условия появления сигнала высокого уровня
{ digitalWrite(12, HIGH);   //Подать сигнал на включение электродвигателя (вращение
digitalWrite(11, LOW);}     // по часовой стрелке
```

Контакт кнопки 1 подключен к цифровому выводу контроллера № 10. Сигнал поднятия на электродвигатель передается с цифровых выводов контроллера 11 и 12 путем формирования разной полярности для направленного движения тока.

Московская предпрофессиональная олимпиада школьников 2019
Инженерно-конструкторское направление
Первый тур

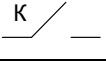
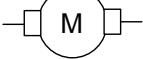
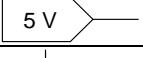
Вариант 1

Задача 2

Для управления четырьмя режимами работы электродвигателя (ДПТ или двигателя постоянного тока) мобильного робота применяются кнопочные выключатели (нормально разомкнутого или нормально замкнутого типа, встроенные в реле). В рабочем режиме электродвигатель потребляет ток 0,4 А при напряжении 5 Вольт. Электродвигатель содержит рамку со стороной $a=10$ см и числом витков $N=100$, которая помещена в магнитное поле. Магнитная индукция поля меняется по закону $B=B_0(1-t/\tau)$, где $B_0=0.1$ Тл, $\tau=5$ с. Нормаль к плоскости рамки составляет с линиями магнитной индукции угол $\alpha=\pi/3$. Необходимо:

- 1) Нарисовать электрические схемы 4-х режимов работы электродвигателя («выключен», «движение вперед (по часовой стрелке)», «движение назад (против часовой стрелки)», «торможение»).

Условные обозначения для рисования схем:

нормально разомкнутый ключ (кнопка)	
электродвигатель	
питание (положительная полярность)	
заземление (отрицательная полярность)	

- 2) Определить направления тока (пунктирной линией) в 4 схемах включения для каждого режима из пункта 1.
- 3) Вычислить сопротивление электродвигателя.
- 4) Вычислить ЭДС индукции и определить направление индукционного тока в рамке.
- 5) Описать способ подключения электродвигателя к контроллеру Arduino, и перечислить возможности управления двигателем без использования дополнительных компонентов.
- 6) Написать фрагмент программы управления электродвигателем состоящий из следующих действий: включить, ждать 5 секунд, выключить.

Для реализации задания можно использовать команды:

- `digitalWrite(pin, value)`
- `analogWrite(pin, value)`,
- `delay(value)`.

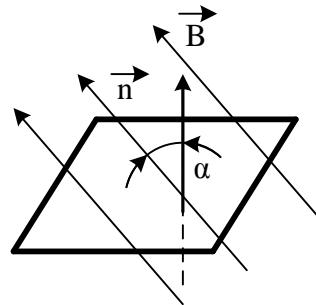
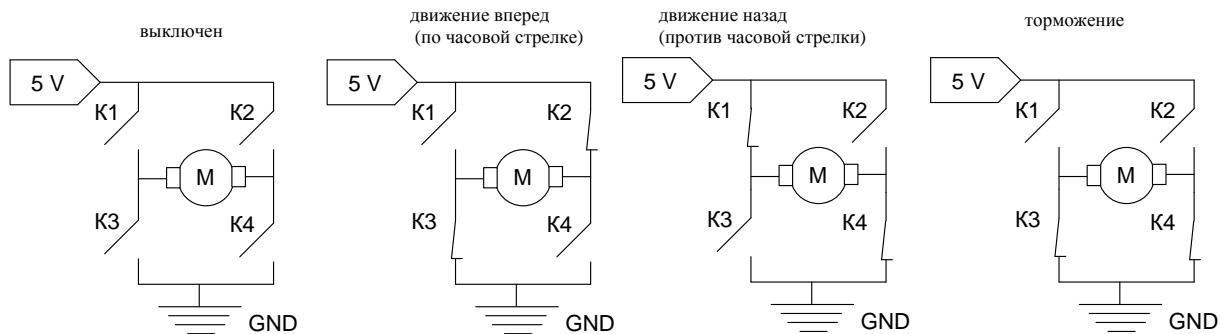


Рис. Схема рамки электродвигателя

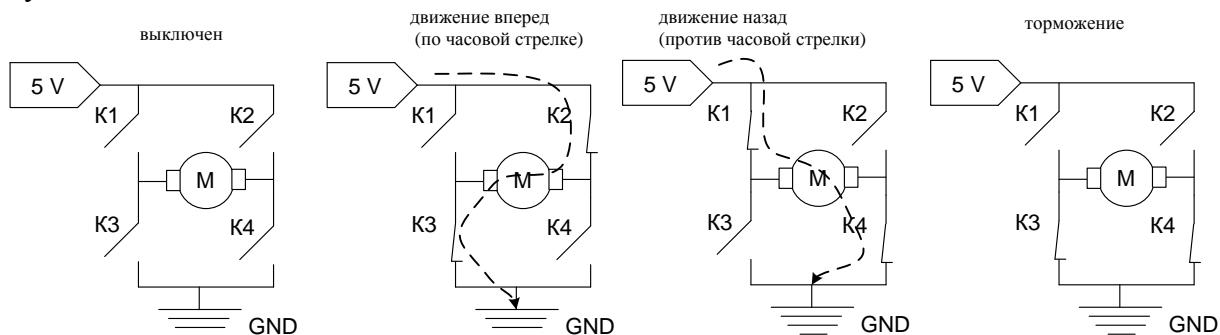
Московская предпрофессиональная олимпиада школьников 2019
Инженерно-конструкторское направление
Первый тур

Решение и ответы:

1) Электрические схемы 4-х режимов работы электродвигателя



2) Направления тока (пунктирной линией) в 4 схемах включения для каждого режима из пункта 1.



3) Вычислить сопротивление электродвигателя.

По закону Ома: $I=U/R$, следовательно $R = U/I$, $R = 5/0.4 = 12,5 \text{ Ом}$.

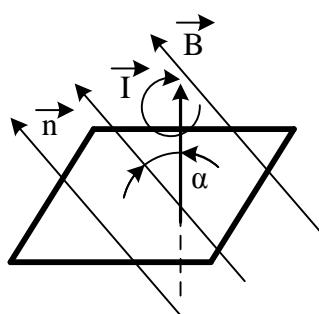
4) Вычислить ЭДС индукции и определить направление индукционного тока в рамке. ЭДС индукции определяется по формуле:

$$E = -\frac{d\Phi}{dt} = -(\frac{dB}{dt} * S * \cos \alpha) / dt = -S (\cos \alpha) dB / dt.$$

$$S = a^2, \text{ а } B = B_0(1-t/\tau), \text{ окончательно получим}$$

$$E = -a^2 \cdot \cos \alpha \cdot \frac{dB}{dt} = -a^2 \cdot \cos \alpha \cdot [d(B_0(1-t/\tau)) / dt] = -a^2 \cdot \cos \alpha \cdot B_0 \cdot [(0 - 1/\tau \cdot dt / dt)] = -a^2 \cdot \cos \alpha \cdot B_0 \cdot (-1/\tau) = (10/100)^2 \cdot 1/2 \cdot 0.1 \cdot 1/5 = 0.1 \cdot 10^{-3} \text{ Вольт.}$$

Согласно правилу Ленца индуктивный ток I будет направлен по часовой стрелке, если смотреть на рамку в направлении нормали n .



5) Двигатель имеет 2 контакта, первый подключается к любому выводу GND на плате контроллера или к – внешнему элементу питания, второй – к любому цифровому или аналоговому pinу контроллера. При таком подключении нет возможности управлять направлением работы двигателя.

6) Фрагмент программы, в виде последовательности данных команд:

```
digitalWrite(12, HIGH); //Запуск двигателя
delay(5000); //Ожидание 5 секунд
digitalWrite(12, LOW); //Остановка двигателя
```

Один из контактов двигателя подключен к цифровому выводу контроллера № 12.

Московская предпрофессиональная олимпиада школьников 2019
Инженерно-конструкторское направление
Первый тур

Вариант 2

Задача 1

При сборке башенного крана по одной отвесной боковой стороне уже собранных пролетов устройство сборки поднимает следующий пролет массой 100 кг. Поднимаемый пролет придавливается к отвесной стороне собранных пролетов с силой 100 Н. Коэффициент трения о поверхность $\mu=0.5$. Ускорение свободного падения принять равным 10 м/с^2 .

Устройство сборки приводится в движение электродвигателем. При нажатии и удержании кнопки 1 вал двигателя вращается по часовой стрелке и осуществляется подъем опоры крана, при нажатии и удержании кнопки 2 – вал вращается против часовой стрелки и осуществляется опускание.

Необходимо:

- 1) Изобразить на рисунке направление всех сил, действующих на пролет 4 при его подъеме.
- 2) Найти равнодействующую всех сил при равномерном движении пролета вертикально вверх. Определить, чему должна быть равна сила тяги, чтобы пролет двигался равномерно вертикально вверх.
- 3) Написать фрагмент программы управления поднятием пролета состоящий из следующих действий: считывание состояния кнопки 1, считывание состояния кнопки 2, ждать 0.1 секунду, включить электродвигатель на подъем, включить электродвигатель на опускание. Для реализации задания можно использовать команды: if (условие) {действие;}, digitalWrite(pin, value), value=digitalRead(pin), delay(time).

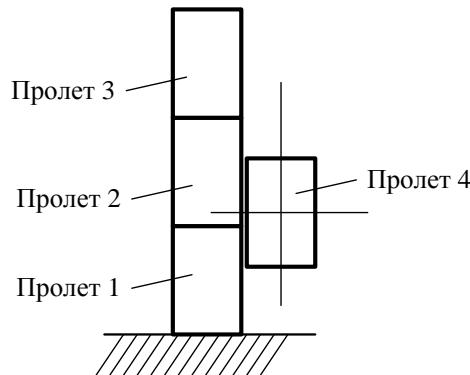
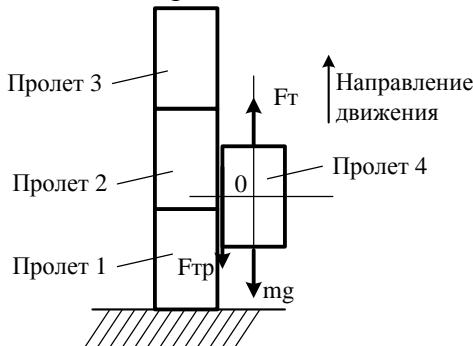


Рис. Схема подъема пролета башенного крана

Московская предпрофессиональная олимпиада школьников 2019
Инженерно-конструкторское направление
Первый тур

Решение и ответы:

- 1) Укажем на рисунке силы, действующие на пролет при его поднятии. На тело действует пять сил: сила тяжести, сила тяги, сила трения, сила давления и сила реакции
Действие сил при поднятии



- 2) Равнодействующая всех сил равна $F_t + F_d + N + F_{tp} + mg = 0$, так как движение равномерное.

Запишем проекции сил на оси координат:

$$0x: N - F_d = 0 \text{ следовательно } N = F_d$$

$$0y: F_t - F_{tp} - mg = 0 \text{ следовательно } F_t = F_{tp} + mg.$$

$$F_{tp} = \mu * F_d = \mu * N.$$

$$F_t = \mu * F_d + mg; F_t = [H + (kg * m) / c^2 = H].$$

$$F_t = 0.5 * 100 + 100 * 10 = 1050 \text{ Н.}$$

- 5) Фрагмент программы, в виде последовательности данных команд:

```
value=digitalRead(10);      //Считывание сигнала с выключателя 1
delay(100);                //Ожидание 0.1 секунд (100 мс)
if (value == HIGH)          //Проверка условия появления сигнала высокого уровня
{ digitalWrite(12, LOW);    //Подать сигнал опускания (вращение
digitalWrite(11, HIGH);}   // против часовой стрелки
```

Контакт кнопки 2 подключен к цифровому выводу контроллера № 10. Сигнал опускания на электродвигатель передается с цифровых выводов контроллера 11 и 12.

Московская предпрофессиональная олимпиада школьников 2019
Инженерно-конструкторское направление
Первый тур

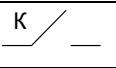
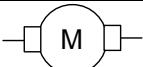
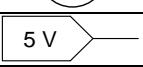
Вариант 2

Задача 2

Для управления четырьмя режимами работы электродвигателя (ДПТ или двигателя постоянного тока) мобильного робота применяются кнопочные выключатели (нормально разомкнутого или нормально замкнутого типа, встроенные в реле). В рабочем режиме электродвигатель потребляет ток 0,2 А при напряжении 5 Вольт. Электродвигатель содержит рамку со стороной $a=15$ см и числом витков $N=150$, которая помещена в магнитное поле. Магнитная индукция поля меняется по закону $B=B_0(1-t/\tau)$, где $B_0=0.2$ Тл, $\tau=5$ с. Нормаль к плоскости рамки составляет с линиями магнитной индукции угол $\alpha=\pi/3$. Необходимо:

- 1) Нарисовать электрические схемы 4-х режимов работы электродвигателя («выключен», «движение вперед (по часовой стрелке)», «движение назад (против часовой стрелки)», «торможение»).

Условные обозначения для рисования схем:

нормально разомкнутый ключ (кнопка)	
электродвигатель	
питание (положительная полярность)	
заземление (отрицательная полярность)	

- 2) Определить направления тока (пунктирной линией) в 4 схемах включения для каждого режима из пункта 1.
- 3) Вычислить сопротивление электродвигателя.
- 4) Вычислить ЭДС индукции и определить направление индукционного тока в рамке.
- 5) Описать способ подключения электродвигателя к контроллеру Arduino, и перечислить возможности управления двигателем без использования дополнительных компонентов.
- 6) Написать фрагмент программы управления электродвигателем состоящий из следующих действий: включить, ждать 5 секунд, выключить.

Для реализации задания можно использовать команды:

- `digitalWrite(pin, value)`
- `analogWrite(pin, value),`
- `delay(value).`

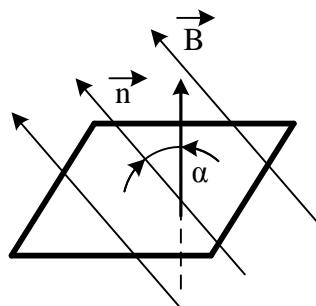
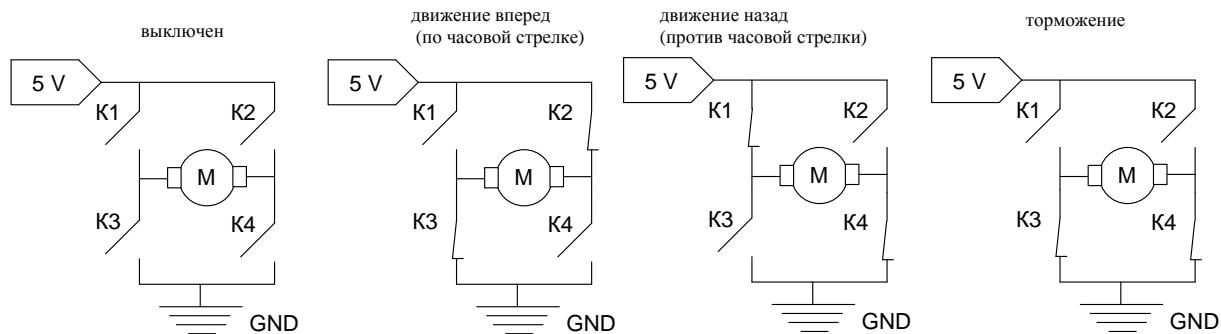


Рис. Схема рамки электродвигателя

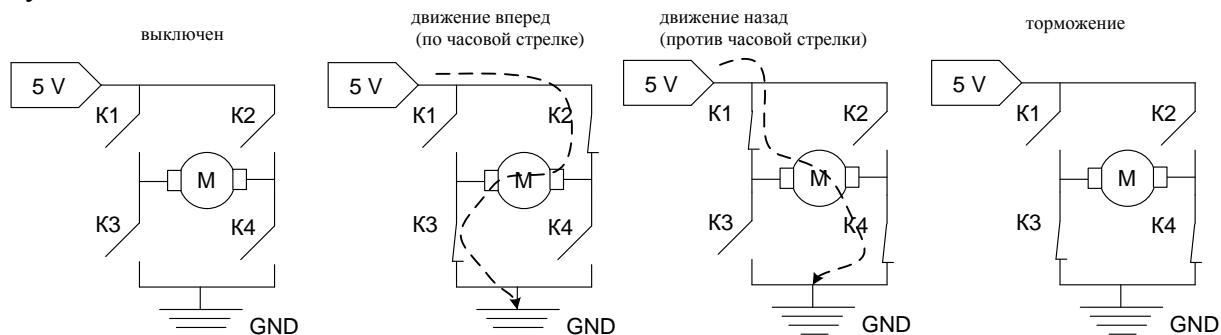
Московская предпрофессиональная олимпиада школьников 2019
Инженерно-конструкторское направление
Первый тур

Решение и ответы:

1) Электрические схемы 4-х режимов работы электродвигателя



2) Направления тока (пунктирной линией) в 4 схемах включения для каждого режима из пункта 1.



3) Вычислить сопротивление электродвигателя.

По закону Ома: $I=U/R$, следовательно $R = U/I$, $R = 5/0.2 = 25 \Omega$.

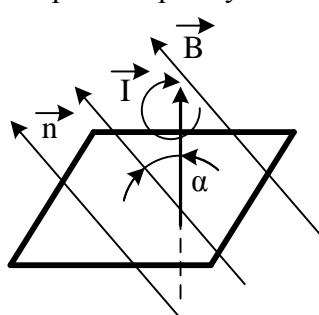
4) Вычислить ЭДС индукции и определить направление индукционного тока в рамке. ЭДС индукции определяется по формуле:

$$E = -\frac{d\Phi}{dt} = -(\frac{dB}{dt} * S * \cos \alpha) / dt = -S (\cos \alpha) dB / dt .$$

$$S = a^2, \text{ а } B = B_0(1-t/\tau), \text{ окончательно получим}$$

$$E = -a^2 \cdot \cos \alpha \cdot \frac{dB}{dt} = -a^2 \cdot \cos \alpha \cdot [d(B_0(1-t/\tau)) / dt] = -a^2 \cdot \cos \alpha \cdot B_0 \cdot [(0 - 1/\tau \cdot dt / dt)] = -a^2 \cdot \cos \alpha \cdot B_0 \cdot (-1/\tau) = (15/100)^2 \cdot 1/2 \cdot 0.2 \cdot 1/5 = 0.45 * 10^{-3} \text{ Вольт.}$$

Согласно правилу Ленца индуктивный ток I будет направлен по часовой стрелке, если смотреть на рамку в направлении нормали n .



5) Двигатель имеет 2 контакта, первый подключается к любому выводу GND на плате контроллера или к – внешнему элементу питания, второй – к любому цифровому или аналоговому pinу контроллера. При таком подключении нет возможности управлять направлением работы двигателя.

6) Фрагмент программы, в виде последовательности данных команд:

```
digitalWrite(12, HIGH); //Запуск двигателя
delay(5000); //Ожидание 5 секунд
digitalWrite(12, LOW); //Остановка двигателя
```

Один из контактов двигателя подключен к цифровому выводу контроллера № 12.

Сканирующий манипулятор

Общая постановка задачи.

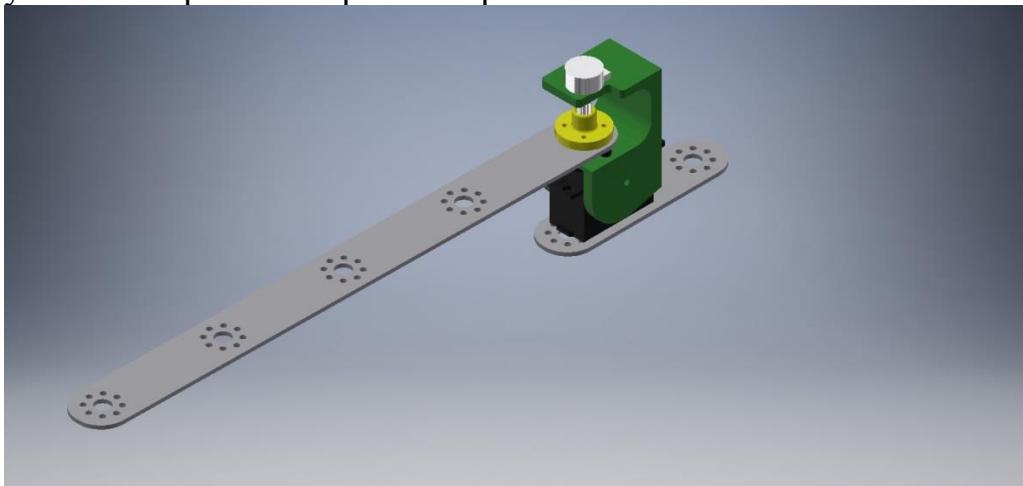
На участке контроля качества радиоэлектронного завода требуется внедрить роботизированную проверку дефектов поверхностного напыления материала на пластинах. В качестве дефекта выступает метка, нанесенная при помощи черного маркера, в качестве пластины – лист бумаги формата А4. В этом случае, контроль заключается в автоматическом определении координат [x, y] метки в пределах контура пластины. Контур пластины расположен в пределах границ сканируемой областью.

Группе разработчиков предлагается, из предложенного набора комплектующих собрать прототип двухзвеного плоского манипулятора, сканирующего поверхность пластины. Управляющая программа манипулятора должна предполагать возможность вычисления координат нанесенной контрольной метки.

Описание конструкции сканирующего манипулятора.

Прототип манипулятора разрабатывается для горизонтальной плоскости. Он содержит 2 вращательных звена (алюминиевые балки в длину не более 20), плечо и предплечье. Обе оси вращения перпендикулярны горизонтальной плоскости сканирования и параллельны между собой. В обоих звеньях есть серводвигатель и потенциометр обратной связи по положению. Балка основания (размером не более 10 см), на которой закрепляется серводвигатель первого звена, жестко прижимается струбциной к столу. Пример расположения элементов для первого звена, показан на нескольких видах сборочного чертежа ниже.

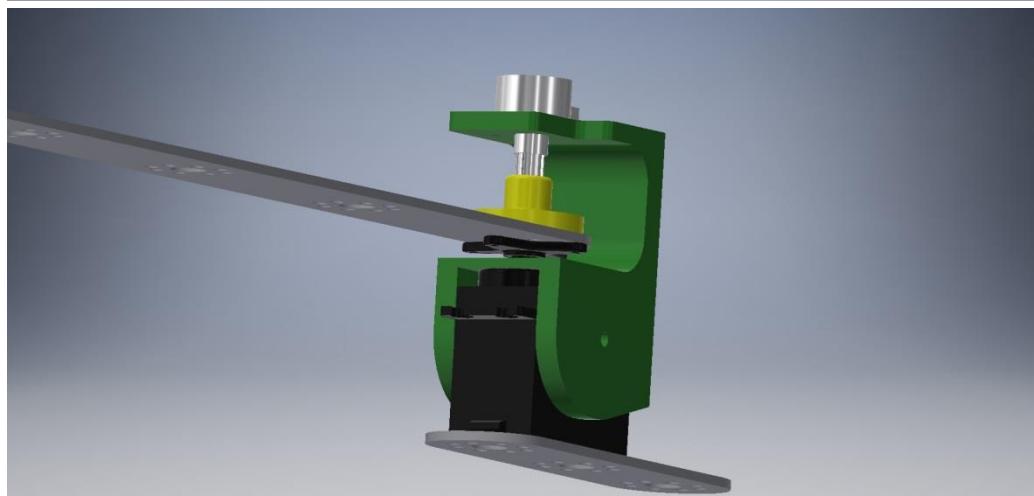
Необходимо конструктивно исключить возможность повреждения сканируемой поверхности при сканировании



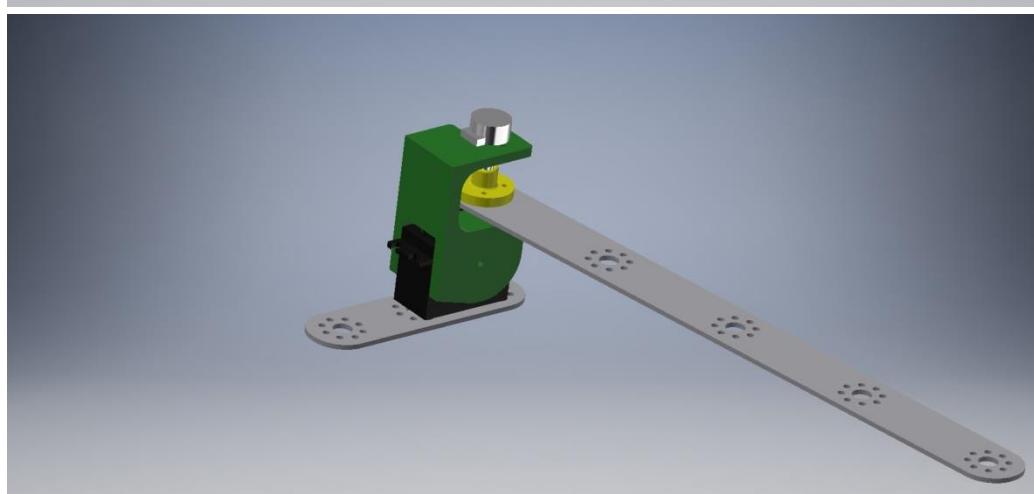
Вид 1.



Вид 2.



Вид 3.

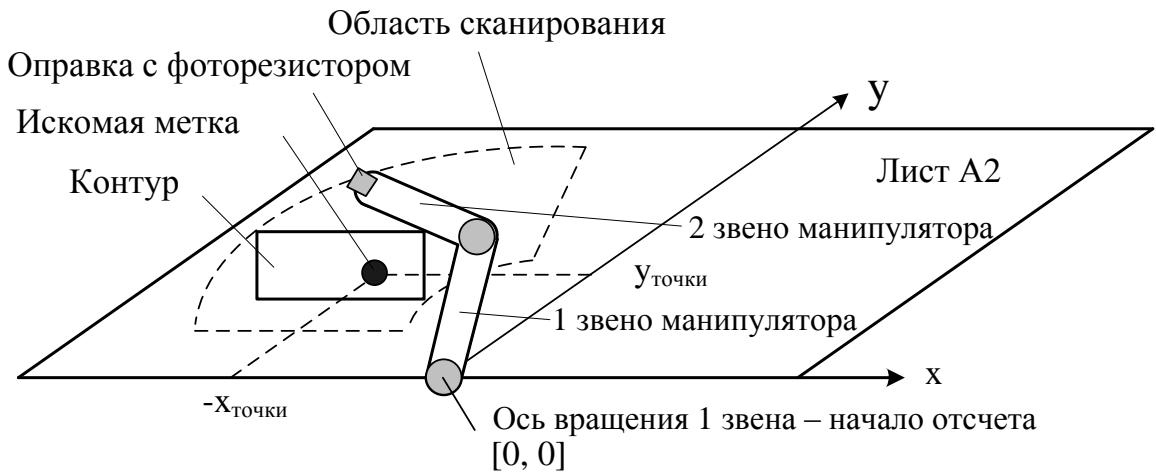


Вид 4.

Сканирующее устройство расположено на окончании второй балки и включает фоторезистор и светодиод, встроенные в корпус оправки (схема подключения светодиода и фоторезистора дана в приложении). Все радиоэлектронные и электромеханические устройства через макетную плату монтажными проводами подсоединяются к плате Arduino. Автономное питание обеспечивается 12 вольтовым элементом питания. Для понижения напряжения с 12 на 5 вольт используется DC-DC преобразователь. Подключение платы Arduino и загрузка управляющей программы происходит через USB-кабель.

Область сканирования представляет собой горизонтальную плоскость, в пределах которой разработчики самостоятельно намечают карандашом контур размером 210 на 297 мм для размещения в нем пластины с дефектом. В одном из 4 углов контура необходимо задать точку начала координат.

Область сканирования манипулятора с нанесенным контуром располагается на ватмане формата А2. Над заданной областью необходимо реализовать режим медленного плавного перемещения сканирующего устройства. Точка, обозначающая дефект на пластине, имеет диаметр 1 см, цвет - черный. Область сканирования, контур и искомая метка условно показаны на рисунке ниже.



Точность определения считается достаточной, если она не отклоняется более $\pm 1,5$ см от замеров полученных экспертом-контролером вручную. Время одного полного сканирования не должно превышать 3,5 минут.

Тестовые испытания.

1. Осмотр конструкции. Манипулятор собран, произведен монтаж электрической схемы. Производится включение и ожидание запуска программы (манипулятор включен, но не двигается).

2. Разработана управляющая программа, при запуске которой происходит отработка манипулятором плавных движений над областью сканирования контура, найдя метку, манипулятор останавливается.

3. Разработанная управляющая программа предусматривает вывод координат [x, y] точки, над которой находится сканирующее устройство, при движении манипулятора, а также координат найденной метки при остановке в режиме монитора порта.

4. Разработанная управляющая программа выводит сканирующее устройство манипулятора в координаты тестовой метки, которую отметили сами разработчики в границах контура.

5. Разработанная управляющая программа определяет координаты случайно установленной метки, которую установил эксперт-контролер. Найдя эту метку, манипулятор останавливается.

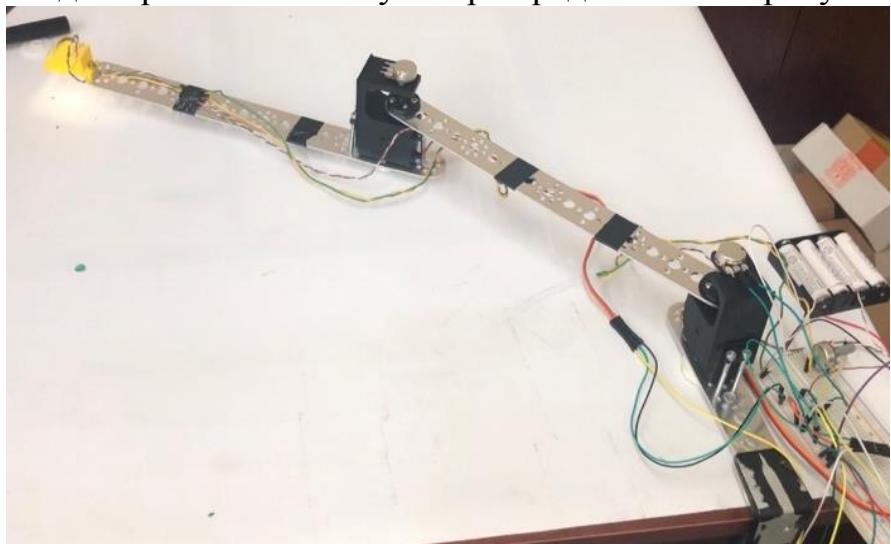
6. Выполненное сравнение координат вычисленных автоматически и экспертом-контролером вручную дают одинаковые результаты (допустимое отклонение $\pm 1,5$ см). Количество попыток ограничено тремя (из них допускается выбрать лучший результат).

Комплект каждого участника включает:

№	Наименование	комплект
1	Серводвигатель 6 вольт	2
2	Arduino Uno	1
3	USB-провод к плате 1м.	1
4	Макетная доска	1
5	Провода папа-папа 20 см.	16
6	Шлейф (длинна180 мм)	1
7	Светодиод 350 mA 3.2 - 3.4 В (при необходимости)	1
8	Шлейф (длинна150 мм)	2
9	DC-DC понижающий преобразователь с 12 вольт на 6-7 Вольт.	1
10	Кабель с крокодилами 50см	2
11	Провода "папа-мама" 30см	12
12	Нейлоновая стяжка 10-15 см	4
13	Ватман А2	1
14	Оправка со встроенным светодиодом и фоторезистором	1
15	Струбцина зажимная	1
16	Полоса алюминиевая 30x2 мм, цвет серебро	1
19	Профиль алюминиевый П-образный 25x30x25x2x1000 мм	1
22	Изолента	1
24	Винт с потайной головкой, оцинкованный M4x40	8
25	Шаровая опора (металлическая)	1
26	Винт M4x20	5
27	Самоконтрящаяся гайка оцинкованная M4	14
28	Кронштейн на серводвигатель (3D печать)	2
31	Муфты (3D печать)	2
32	Потенциометр	2
35	Аккумулятор 12 Вольт (НЕ ВКЛЮЧАТЬ без DC-DC преобразователя)	1

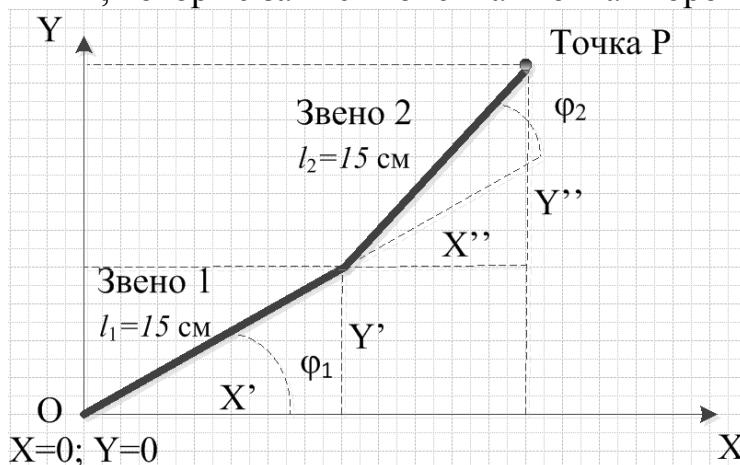
Решение и ответы:

1. Внешний вид собранного манипулятора представлен на рисунке.



2. Вычисление координат конечной точки производится по формулам:

Манипулятор, содержащий два связанных друг с другом звена, оба звена которого вращательного типа, может выполнять перемещения в двумерной плоскости X-Y. Начало отсчета находится в начале координат ($X=0, Y=0$), там же находится точка крепления первого звена к основанию. Длины звеньев манипулятора, например, $l_1=l_2=15$ см, второе звено присоединяется к первому через шарнир. Из вытянутого вправо, горизонтального положения, первое звено перемещается против часовой стрелки на угол $\varphi_1=45^\circ$ относительно оси Y, второе звено перемещается против часовой стрелки на угол $\varphi_2=45^\circ$ относительного первого звена. Требуется вычислить координаты X и Y, которые займет конечная точка второго звена.



При повороте звена робота координаты конечной точки вычисляются следующим образом:

$$x = l_2 \cdot \cos(\varphi_1 + \varphi_2) + l_1 \cdot \cos\varphi_1 = 15 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2},$$

$$y = l_2 \cdot \sin\varphi_1 + l_1 \cdot \sin(\varphi_1 + \varphi_2) = 15 \cdot \frac{2 + \sqrt{2}}{2}.$$

$$x = \frac{15}{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}, \quad y = \frac{15}{2} \cdot \frac{2 + \sqrt{2}}{2}.$$

Решим задачу вычисления углов для двухзвенного манипулятора с вращательными парами аналитически.

Исходя из теоремы косинусов:

$$\varphi_2 = \arccos \left(\frac{x^2 + y^2 - l_1^2 - l_2^2}{2 \cdot l_1 \cdot l_2} \right),$$

Поделим уравнения системы друг на друга. Получим:

$$\operatorname{tg}(\varphi_1) = \frac{y - l_2 \cdot \sin(\varphi_1 + \varphi_2)}{x - l_2 \cdot \cos(\varphi_1 + \varphi_2)},$$

В первом приближении будем иметь:

$$\varphi_1 = \arctan \left(\frac{y}{x} \right)$$

3. Реализация программного кода.

Первый возможный вариант базовой части программы, реализующей управляемое сканирующее движение.

```
#include <Servo.h>

Servo myservo1;
Servo myservo2;

int potpin1 = 0;
int potpin2 = 0;

void setup() {
    myservo.attach(9);
    myservo.attach(10);
    Serial.begin(9600);
}

void loop() {
    for (potpin1 = 0; potpin1 <= 180; potpin1 += 1) {
        myservo1.write(potpin1);
        delay(15);
        Serial.println(potpin1);
    }
    for (potpin1 = 180; potpin1 >= 0; potpin1 -= 1) {
        myservo1.write(potpin1);
        delay(15);
        Serial.println(potpin1);
    }
    for (potpin2 = 0; potpin2 <= 180; potpin2 += 1) {
        myservo2.write(potpin2);
        delay(15);
        Serial.println(potpin2);
    }
}
```

```

    delay(15);
    Serial.println(potpin2);
}
for (potpin2 = 180; potpin2 >= 0; potpin2 -= 1) {
    myservo.write(potpin2);
    delay(15);
    Serial.println(potpin2);
}
}

```

Второй возможный вариант базовой части программы, реализующей управляемое сканирующее движение. Для второго варианта необходимо использование дополнительной библиотеки VarSpeedServo.

```

#include <VarSpeedServo.h>

// create servo object to control a servo
VarSpeedServo myservo1;
VarSpeedServo myservo2;

void setup() {
    pinMode(A0, INPUT);
    pinMode(A1, INPUT);
    pinMode(A2, INPUT);

    // initialize serial:
    Serial.begin(9600);

    myservo1.attach(9);
    myservo2.attach(8);
    myservo1.write(120, 10);
    myservo2.write(20, 10);
    delay(3000);
}
int n = analogRead(A0);
int k = analogRead(A1);

void loop() {

    int i;
    k = analogRead(A1);
    Serial.println(k);

    while ((n < 300) ) {
        myservo1.write(120 - i, 50);
        delay(100);
        myservo2.write(20, 10);
        delay(1000);
        myservo2.write(100, 10);
        k = analogRead(A1);
        delay(3000);
        myservo2.write(20, 10);
        k = analogRead(A1);
        delay(3000);
        n = analogRead(A0);
    }
}

```

```

    i = i + 5;
    Serial.println(k);

}

myservo1.detach();
myservo2.detach();
}

```

Вариант 1. Для определения обобщенных координат манипулятора необходима управляющая программа, в которой задаются абсолютные координаты, лежащих в рабочей зоне манипулятора на основе аналитического решения обратной позиционной задачи.

```

function res=upr4(x,y);
%%peremennie
l1=0.15;
l2=0.15;
mnogo='manipulyator ne dostanet';
%%raschet if (x^2+y^2)>((l1+l2)^2)
    disp(mnogo)
    return
else
if or((x<0),(y<0))
    disp('error')
    return
else
q1=atan(y/x);
q2=acos((x^2+y^2-l1^2-l2^2)/(2*l1*l2));
q1*180/pi
q2*180/pi
end

```

Вариант 2. Программа для вычисления обобщенных координат и для заданных абсолютных координат, лежащих в рабочей зоне манипулятора на основе метода итераций.

```

function res=upr4_1(x0,y0); %%peremennie
l1=0.15;
l2=0.15;
flag=0;
mnogo='manipulyator ne dostanet'; malo='malo';
dq=pi/180;%%prirashenie uglov
eps=0.01;%%tochnyst' poiska %%raschet
if (x0^2+y0^2)>=((l1+l2)^2) disp(mnogo)
return
elseif y0<=0
disp(malo)
return
else
for q1=0:dq:pi
for q2=0:dq:pi x=l1*cos(q1)+l2*cos(q1+q2); y=l1*sin(q1)+l2*sin(q1+q2);
if and(abs(x-x0)<eps,abs(y-y0)<eps)
flag=1;
disp('reshenie naydeno')
q1*180/pi
q2*180/pi
return
breack
end
end
end

```

```

end
if flag==1
breack
end
end
end
end

```

Числовые варианты решения.

Таблица соответствия обобщенных координат и абсолютных координат для различных точек рабочей зоны. Примем следующие значения длины звеньев манипулятора, например $l_1=0.5$, $l_2=0.3$.

Для итерационного метода	Для аналитического решения
x	x
y	y
q1	q1
q2	q2
0	0
0.8	0.8
90	89,71
0	0
0.4	0.4
0.4	0.4
13	13,19
94	93,48
0.3	0.3
0.4	0.4
17	17,22
108	107,86
0.3	0.3
0.7	0.7
52	52,12
38	37,93