

# МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

## Заключительный этап

### Профиль Информационные технологии Междисциплинарные задачи

#### I Вариант

##### Задача 1 (20 баллов)

На входе сначала строка с числом  $N$  ( $N=5$ ), а потом текст из  $N$  строк. В каждой строке  $N$  чисел, разделенных пробелами. Данный текст представляет собой отношения между населенными пунктами (матрицу смежности) и расстояниями между ними (если пути нет – длина равна 0). Населенные пункты не имеют названий и пронумерованы от 1 до  $N$ .

Входные данные не гарантируются, программа должна завершаться при некорректном вводе и вывести «Repeat».

Программа должна выполнять следующие задания:

Произвести ввод строк текста из потока ввода, вывести матрицу на экран. Вывести является ли описываемый матрицей граф ориентированным (directed) или неориентированным (undirected).

Представить статистику, выведя на экран общую длину и количество дорог длиной менее 3.

Формат выходных данных соблюдать как показано в примере.

| Пример входных данных | Пример выходных данных |
|-----------------------|------------------------|
| 5                     | 0 1 1 0 4              |
| 0 1 1 0 4             | 1 0 1 1 3              |
| 1 0 1 1 3             | 1 1 0 1 1              |
| 1 1 0 1 1             | 0 1 1 0 1              |
| 0 1 1 0 1             | 4 3 1 1 0              |
| 4 3 1 1 0             | undirected             |
|                       | 7                      |
|                       | 7                      |

##### Пример решения:

```
#include <iostream>
#include <vector>
```

```
int main()
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

```
{
int n = 0;
if (!(std::cin >> n)) return 1;
if (n!=5) { std::cout << "repeat\n";
} else {
std::vector<std::vector<int>> matr(n);
for (size_t i = 0; i < n; i++)
{
    matr[i] = std::vector<int>(n);
}

for (size_t i = 0; i < n; i++)
{
    for (size_t j = 0; j < n; j++)
    {
        if (!(std::cin >> matr[i][j])) return 1;
    }
}

std::vector<std::vector<int>> matrT(n);
for (size_t i = 0; i < n; i++)
{
    matrT[i] = std::vector<int>(n);
}

for (size_t i = 0; i < n; i++)
{
    for (size_t j = 0; j < n; j++)
    {
        matrT[j][i] = matr[i][j];
    }
}

bool flag_dir = false;
bool flag_weight = false;
for (size_t i = 0; i < n; i++)
{
    if (!flag_dir || !flag_weight)
    {
        for (size_t j = 0; j < n; j++)
        {
            if (matrT[i][j] != matr[i][j])
            {
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

```
        flag_dir = true;
    }
    if (matr[i][j]>1)
    {
        flag_weight = true;
    }
}
}
else break;
}

//ВЫВОД МАТРИЦЫ
for (int i = 0; i < n; i++)
{
    for (int j = 0; j < n; j++)
        std::cout << matr[i][j] << " ";
    std::cout << "\n";
}
if (!flag_dir) std::cout << "un";
std::cout << "directed\n";
//if (!flag_weight) std::cout << "un";
//std::cout << "weighted\n";

//СЧИТАЕМ КОЛИЧЕСТВО ДОРОГ и ДЛИНУ НЕ БОЛЕЕ ЧЕМ 2
int k = 1;
int summa = 0;
int kol = 0;
for (int i = 0; i < n; i++)
{
    for (int j = k; j < n; j++){
if ((matr[i][j]<3)&&(matr[i][j]>0)){
kol++;
summa = summa + matr[i][j];
}
}
    k++;
}
std::cout << summa;
std::cout << "\n";
std::cout << kol;
std::cout << "\n";
}
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

}

**Критерии оценивания:**

- 0 - решение не прошло тестирование;
- 6 - решение прошло только тесты базовой группы;
- 12 - решение прошло тесты базовой и средней групп;
- 20 - решение прошло все тесты.

**Задача 2 (30 баллов)**

В период пандемии рациональное распределение времени работы врача – одна из важнейших задач. Крайне важно чтобы в отделении больницы всегда был хотя бы один врач. Также важно чтобы врачи хорошо отдыхали, поэтому в отделении должно всегда находиться минимальное возможное количество врачей. Всего в отделении работает  $N$  врачей. От Вас не требуется составить график работы отделения больницы, а лишь определить по данному графику на период от  $a$  до  $b$ , удовлетворяет ли он заданным требованиям. У каждого врача известны моменты времени заступления на дежурство и окончания дежурства  $s$  и  $t$ . В момент времени  $s$  считается, что врач уже находится на дежурстве, а в момент времени  $t$  дежурство уже закончено. Время дается в пределах одного календарного года, в часах с начала года.

**Входные данные**

В первой строке даны два целых неотрицательных числа  $a$  и  $b$  ( $0 \leq a < b \leq 8760$ )

Во второй строке дано единственное целое положительное число  $N$  ( $1 \leq N \leq 10^5$ ) – количество врачей, работающих в отделении больницы.

В каждой из последующих  $N$  строк содержится два целых неотрицательных числа  $s_i$  и  $t_i$  ( $a \leq s_i < t_i \leq b$ ) – время заступления на дежурство и окончания дежурства  $i$ -го врача.

**Выходные данные**

В единственной строке выходного потока необходимо вывести «YES», если график удовлетворяет требованиям, «NO» - в противном случае.

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

**Пример**

| стандартный ввод                                    | стандартный вывод |
|---|-------------------|
| 0 24<br>4<br>0 8<br>8 16<br>14 22<br>18 24          | YES               |
| 0 24<br>4<br>0 8<br>10 16<br>14 22<br>18 24         | NO                |
| 0 24<br>5<br>0 8<br>8 16<br>14 22<br>15 21<br>18 24 | NO                |

**Пример решения:**

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <algorithm>
#include <fstream>
```

```
using namespace std;
```

```
struct Point {
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

```
int x; //time
int type; //open == 0 or close == 1
int num; //segment's number
int len; //segment's length
};

//operator for strict wick order
bool operator<(Point& p1, Point& p2) {
if (p1.x == p2.x) {
if (p1.type == 0 && p2.type == 0) {
if (p1.len == p2.len) {
return p1.num < p2.num;
}
return p1.len > p2.len;
}
else if (p1.type == 1 && p2.type == 1) {
if (p1.len == p2.len) {
return p1.num > p2.num;
}
return p1.len < p2.len;
}
return p1.type < p2.type;
}
else {
return p1.x < p2.x;
}
}

void fastIO() {
ios_base::sync_with_stdio(false);
cin.tie(NULL);
}

int main() {
fastIO();
int s, t, n;
cin >> s >> t >> n;
vector<Point> points(2*n);

for (int i = 0; i < n; i++) {
cin >> points[2*i].x;
points[2*i].type = 0;
points[2*i].num = i;
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**

**Заключительный этап**

**Профиль Информационные технологии**

**Междисциплинарные задачи**

---

```
cin >> points[2*i + 1].x;
points[2*i + 1].type = 1;
points[2*i + 1].num = i;
points[2*i + 1].len = points[2*i].len = points[2*i + 1].x - points[2*i].x;
}
sort(points.begin(), points.end());

int count = 0;
bool flag = true;
int lastOpened;
for (int i = 0; i < points.size(); i++) {
if (points[i].type == 0) {
lastOpened = points[i].num;
count++;
if (count == 1 && points[i].x > s) {
flag = false;
break;
}
if (count > 2) {
flag = false;
break;
}
}
else {
count--;
if (lastOpened == points[i].num && count > 0 || count == 0 && points[i].x < t) {
flag = false;
break;
}
}
}
if (flag) {
cout << "YES";
}
else {
cout << "NO";
}
}
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

**Критерии оценивания:**

- 0 - решение не прошло тестирование;
- 10 - решение прошло только тесты базовой группы;
- 20 - решение прошло тесты базовой и средней групп;
- 30 - решение прошло все тесты.

**Задача 3 (50 баллов)**

Для составления слов языка Тумбу - Юмбу используются  $n$  букв. Буквы в слове не повторяются, а их порядок не важен ("abc" и "cba" считаются одним и тем же словом). Слово может состоять из одной и более букв.

В столбик записано  $m$  разных слов из языка племени Тумбу-Юмбу. Вы дописывает в конец столбика ещё одно слово длины  $x$  (оно может повторять уже имеющиеся). И перемещаете буквы из слова в слово так, чтобы получившиеся после перестановок слова были одинаковой длины. Слова, получившиеся после перестановок, могут повторять друг друга.

В качестве входных данных вы получаете:

- $n$  - число букв языка Тумбу - Юмбу
- $m$  - количество слов записанных в столбик
- $l_1, l_2 \dots l_m$  - длины слов записанных в столбик

Ваша задача рассчитать:

- $x$  - длину слова, которое вы дописали
- $y$  - наименьшее количество ходов, необходимых для перестановок букв в словах.

Перемещение буквы в соседнее слово происходит за 1 ход, через одно слово за 2 хода, через два слова за 3 хода и т.д.

Имейте в виду, что входные данные, могут описывать ситуацию, не отвечающую условиям задачи,

в этом случае вы должны вывести:



МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

Заключительный этап

Профиль Информационные технологии  
Междисциплинарные задачи

0

0

**Ограничения**

Для решения необходимо использовать стандартные потоки ввода вывода.

Число  $n$  лежит в интервале  $[1, 20]$

Число  $n$  лежит в интервале  $[1, 200]$

**Примеры ввода/вывода**

| Ввод      | Вывод |
|-----------|-------|
| 4         | 0     |
| 5         | 0     |
| 1 1 1 1 1 |       |
| 4         | 5     |
| 5         | 5     |
| 4 2 3 1 3 |       |

**Пример решения:**

Для начала следует убедиться, что входные данные удовлетворяют условию задачи.

Есть два варианта, при которых данные можно считать некорректными:

По условию задачи, буквы в слове повторяться не могут, значит максимальная длина слова равна числу букв в алфавите ( $n$ ).

По условию задачи, изначально записанные в столбик слова не могут повторяться. Значит слов конкретной длины  $k$ , может быть ограниченное количество. Сколько слов длины  $k$  мы можем составить из алфавита размерности  $n$ ? Ответом будет количество размещений из  $n$  по  $k$ :

$$A_n^k = \frac{n!}{(n - k)!}$$

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

С учётом того, что порядок букв в слове не важен ("abc" и "cba" считаются одним и тем же словом), получается, что разных слов длины  $k$  может быть:

$$C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

Необходимо понять, какой длины мы получим слова после всех перестановок, от этого зависит и длина слова, которое мы допишем.

Разделим число всех букв в исходных словах, на число слов. Если результат деления целое число, то переставляя буквы в уже имеющихся словах, мы можем получить слова одинаковой длины и  $k$  исходным словам нам нужно дописать слово такой же длины.

Если результат нецелое число, то переставляя буквы в исходных словах мы получим слова двух длин. Если всего символов в исходных словах  $w$ , то у нас получится  $(w \bmod m)$  слов длины  $(w \div m + 1)$  и  $(m - w \bmod m)$  слов длины  $(w \div m)$ . Соответственно в слове, которое мы допишем должно быть  $(w \div m + 1) + (m - w \bmod m)$  букв.

Теперь, остаётся понять сколько ходов нам потребуется для перемещения букв и уравнивания длин всех слов. Мы можем беспрепятственно перемещать буквы из более длинных слов в более короткие, поскольку буквы в слове не повторяются, в длинном слове всегда есть буквы, которых нет в коротком.

Посчитаем для каждого слова, включая дописанное, сколько символов в слове не хватает либо сколько из него нужно переместить. Запишем результаты подсчётов в столбик, также как слова. Причём, недостаток символов будем записывать с знаком «-», а избыток с знаком «+». Например, для слов с длинами [2, 4, 2, 3, 4] получится [-1, 1, -1, 0, 1]. Для каждой линии, разделяющей слова, мы можем посчитать сколько букв должны пересечь для уравнивания длин слов. Чтобы посчитать это, достаточно найти сумму чисел справа от линии. Для нашего случая [-1 | 1, -1, 0, 1], сумма чисел справа от линии равна  $1 + (-1) + 0 + 1$ , т.е. 1. Это значит, что из правой части в левую, нужно переместить одну букву, это один ход. Если бы сумма была -2, это значило-бы, что переместить надо две буквы, но из левой части в правую, это будет 2 хода. Для каждой линии нужно посчитать

# МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

## Заключительный этап

### Профиль Информационные технологии Междисциплинарные задачи

---

число ходов, а затем просуммировать их. Это и будет число ходов, необходимое для уравнивания длин слов.

```
# coding: utf-8
import math
import numpy as np

n = int(input()) # букв в алфавите
m = int(input()) # слов перед нами
nums = map(int, input().split())
words = np.array(list(nums))
# print(words)

if n < np.max(words): # есть слово, длина которого больше числа букв в алфавите
    print(0)
    print(0)
    exit()

words_len, words_count = np.unique(words, return_counts=True)
i = 0
while i < len(words_len): # слов конкретной длины больше, чем их может быть
    составленно из алфавита
    if math.factorial(n) / math.factorial(n - words_len[i]) / math.factorial(words_len[i]) <
words_count[i]:
        print(0)
        print(0)
        exit()
    i += 1

# исходные данные верны!
# рассчитываем длину дополнительного слова
all_symbol = np.sum(words)
long_words = all_symbol % m # столько слов получится длины new_len
short_words = m - long_words # столько слов получится длины new_len - 1
if long_words == 0:
    new_len = all_symbol // m
    print(new_len) # длина дополнительного слова
    # не дописываем новое слово к столбцу - оно не скажется на числе ходов, необходимых
для перестановок
else:
    new_len = all_symbol // m + 1
```

# МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

## Заключительный этап

### Профиль Информационные технологии Междисциплинарные задачи

---

```
x = short_words + new_len
print(x) # длина дополнительного слова
words = np.append(words, x) # допишем новое слово в конец столбца

# рассчитываем число ходов
balance = np.zeros_like(words)
balance = words - new_len
# print(balance)
moves = 0
i = 1
while i < len(balance):
    left = np.sum(balance[:i])
    # print("left", balance[:i], left)
    # right = np.sum(balance[i:])
    # print("right", balance[i:], right)
    moves += abs(left)
    i += 1

print(moves)
```

#### **Критерии оценивания:**

- 0 - решение не прошло тестирование;
- 16 - решение прошло только тесты базовой группы;
- 32 - решение прошло тесты базовой и средней групп;
- 50 - решение прошло все тесты.

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

**II Вариант**

**Задача 1 (20 баллов)**

На входе сначала строка с числом  $N$  ( $N=6$ ), а потом текст из  $N$  строк. В каждой строке  $N$  чисел, разделенных пробелами. Данный текст представляет собой отношения между населенными пунктами (матрицу смежности) и расстояниями между ними (если пути нет – длина равна 0). Населенные пункты не имеют названий и пронумерованы от 1 до  $N$ .

Входные данные не гарантируются, программа должна завершаться при некорректном вводе и вывести «Repeat».

Программа должна выполнять следующие задания:

Произвести ввод строк текста из потока ввода, вывести матрицу на экран. Вывести является ли описываемый матрицей граф взвешенным (weighted) или невзвешенным (unweighted).

Вывести на экран общую длину и количество дорог длиной более 2.

Формат выходных данных соблюдать как показано в примере:

| Пример входных данных | Пример выходных данных |
|-----------------------|------------------------|
| 6                     | 0 2 3 4 5 6            |
| 0 2 3 4 5 6           | 2 0 4 5 6 1            |
| 2 0 4 5 6 1           | 3 4 0 6 1 2            |
| 3 4 0 6 1 2           | 4 5 6 0 2 3            |
| 4 5 6 0 2 3           | 5 6 1 2 0 4            |
| 5 6 1 2 0 4           | 6 1 2 3 4 0            |
| 6 1 2 3 4 0           | weight                 |
|                       | 46                     |
|                       | 10                     |

**Пример решения:**

```
#include <iostream>
```

```
#include <vector>
```

```
int main()
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

```
{
    int n = 0;
    if (!(std::cin >> n)) return 1;
    if (n!=6) { std::cout << "repeat\n";
    } else {
        std::vector<std::vector<int>> matr(n);
        for (size_t i = 0; i < n; i++)
        {
            matr[i] = std::vector<int>(n);
        }

        for (size_t i = 0; i < n; i++)
        {
            for (size_t j = 0; j < n; j++)
            {
                if (!(std::cin >> matr[i][j])) return 1;
            }
        }

        std::vector<std::vector<int>> matrT(n);
        for (size_t i = 0; i < n; i++)
        {
            matrT[i] = std::vector<int>(n);
        }

        for (size_t i = 0; i < n; i++)
        {
            for (size_t j = 0; j < n; j++)
            {
                matrT[j][i] = matr[i][j];
            }
        }

        bool flag_dir = false;
        bool flag_weight = false;
        for (size_t i = 0; i < n; i++)
        {
            if (!flag_dir || !flag_weight)
            {
                for (size_t j = 0; j < n; j++)
                {
                    if (matrT[i][j] != matr[i][j])
                    {
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

```
        flag_dir = true;
    }
    if (matr[i][j]>1)
    {
        flag_weight = true;
    }
}
else break;
}

//ВЫВОД МАТРИЦЫ
for (int i = 0; i < n; i++)
{
    for (int j = 0; j < n; j++)
        std::cout << matr[i][j] << " ";
    std::cout << "\n";
}
//if (!flag_dir) std::cout << "un";
//std::cout << "directed\n";
if (!flag_weight) std::cout << "un";
std::cout << "weighted\n";

//СЧИТАЕМ КОЛИЧЕСТВО ДОРОГ и ДЛИНУ БОЛЕЕ ЧЕМ 2
int k = 1;
int summa = 0;
int kol = 0;
for (int i = 0; i < n; i++)
{
    for (int j = k; j < n; j++){
        if (matr[i][j]>2){
            kol++;
            summa = summa + matr[i][j];
        }
    }
    k++;
}
std::cout << summa;
std::cout << "\n";
std::cout << kol;
std::cout << "\n";
}
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

}

**Критерии оценивания:**

- 0 - решение не прошло тестирование;
- 6 - решение прошло только тесты базовой группы;
- 12 - решение прошло тесты базовой и средней групп;
- 20 - решение прошло все тесты;

**Задача 2 (30 баллов)**

Каждому хирургу во время операции ассистирует медицинская сестра, которая помогает проводить операцию. Например, следит за тем, чтобы на столе рядом с хирургом всегда находился тот инструмент, который понадобится ему в данный момент. Всего имеется  $N$  различных инструментов. Проблема в том, что стол для инструментов может вместить не более  $K$  инструментов, поэтому медицинской сестре приходится убирать какой-то инструмент, а на его место класть необходимый. Для автоматизации этого процесса был создан специальный робот-манипулятор, который, анализируя с помощью алгоритмов компьютерного зрения действия хирурга, может предугадывать последовательность, в которой хирургу понадобятся инструменты. Таким образом робот-манипулятор способен минимизировать количество операций перемещения инструментов, что позволит как можно меньше отвлекать хирурга от операции. Ваша задача состоит в том, чтобы определить минимальное количество операций перемещений инструментов, зная последовательность, в которой хирургу понадобятся инструменты. Перед началом операции стол был пустой.

**Входные данные**

В первой строке даны три числа  $N$ ,  $K$  и  $P$  ( $1 \leq K \leq N \leq 100000$ ,  $1 \leq P \leq 500000$ ).

В следующих  $P$  строках записаны номера инструментов в том порядке, в котором они понадобятся хирургу.

**Выходные данные**



**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

В единственно строке выходного потока необходимо вывести единственное целое число: минимальное количество операций перемещения инструментов.

**Пример**

| стандартный ввод                         | стандартный вывод |
|--|-------------------|
| 3 2 7<br>1<br>2<br>3<br>1<br>3<br>1<br>2 | 4                 |

Примечание к примеру тестов

Операция 1: положить на стол инструмент 1

Операция 2: положить на стол инструмент 2

Операция 3: убрать со стола инструмент 2 и положить на стол инструмент 3

Операция 4: убрать со стола инструмент 3 или 1 и положить на стол инструмент 2.

**Пример решения:**

```
#include <iostream>
#include <queue>
#include <unordered_set>
#include <vector>
#include <list>
```

```
using namespace std;
```

```
int main() {
int n, k, p;
cin >> n >> k >> p;
int INF = p + 1;
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

```
vector<int> seq(p);
vector<queue<int, list<int> > > next(n + 1);
for (int i = 0; i < p; i++) {
    cin >> seq[i];
    next[seq[i]].push(i);
}
for (int i = 1; i <= n; i++) {
    if (!next[i].empty()) {
        next[i].pop();
        next[i].push(INF);
    }
}
int moves = 0;
priority_queue<pair<int, int> > maxPQ;
unordered_set<int> onTable;
for (int i = 0; i < p; i++) {
    //remove instrument from tabel
    if (onTable.size() >= k && onTable.find(seq[i]) == onTable.end()) {
        onTable.erase(maxPQ.top().second);
        maxPQ.pop();
    }

    // update priority
    maxPQ.push({ next[seq[i]].front(), seq[i] });
    next[seq[i]].pop();
    if (onTable.find(seq[i]) == onTable.end()) {
        onTable.insert(seq[i]);
        moves++;
    }
}
cout << moves;
return 0;
}
```

**Критерии оценивания:**

- 0 - решение не прошло тестирование;
- 10 - решение прошло только тесты базовой группы;
- 20 - решение прошло тесты базовой и средней групп;
- 30 - решение прошло все тесты.

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

**Задача 3 (50 баллов)**

Для составления слов языка Тумбу - Юмбу используются  $n$  букв. Буквы в слове не повторяются, а их порядок не важен ("abc" и "cba" считаются одним и тем же словом). Слово может состоять из одной и более букв.

В столбик записано  $m$  разных слов из языка племени Тумбу-Юмбу. Вы дописывает в конец столбика ещё одно слово длины  $x$  (оно может повторять уже имеющиеся). И перемещаете буквы из слова в слово так, чтобы получившиеся после перестановок слова были одинаковой длины. Слова, получившиеся после перестановок, могут повторять друг друга.

В качестве входных данных вы получаете:

$n$  - число букв языка Тумбу - Юмбу

$m$  - количество слов записанных в столбик

$l_1, l_2 \dots l_m$  - длины слов записанных в столбик

Ваша задача рассчитать:

$x$  - длину слова, которое вы дописали

$y$  - наименьшее количество ходов, необходимых для перестановок букв в словах.

Перемещение буквы в соседнее слово происходит за 1 ход, через одно слово за 2 хода, через два слова за 3 хода и т.д.

Имейте в виду, что входные данные, могут описывать ситуацию, не отвечающую условиям задачи,

в этом случае вы должны вывести:

0

0

**Ограничения**

Для решения необходимо использовать стандартные потоки ввода вывода.

Число  $n$  лежит в интервале  $[1, 20]$

Число  $m$  лежит в интервале  $[1, 200]$

**Примеры ввода/вывода**

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

| Ввод                | Вывод  |
|---------------------|--------|
| 4<br>5<br>1 1 1 1 1 | 0<br>0 |
| 4<br>5<br>4 2 3 1 3 | 5<br>5 |

**Пример решения:**

Для начала следует убедиться, что входные данные удовлетворяют условию задачи.

Есть два варианта, при которых данные можно считать некорректными:

По условию задачи, буквы в слове повторяться не могут, значит максимальная длина слова равна числу букв в алфавите ( $n$ ).

По условию задачи, изначально записанные в столбик слова не могут повторяться. Значит слов конкретной длины  $k$ , может быть ограниченное количество. Сколько слов длины  $k$  мы можем составить из алфавита размерности  $n$ ? Ответом будет количество

$$A_n^k = \frac{n!}{(n - k)!}$$

размещений из  $n$  по  $k$ :

С учётом того, что порядок букв в слове не важен ("abc" и "cba" считаются одним и тем же словом), получается, что разных слов длины  $k$  может быть:

$$C_n^k = \frac{n!}{k!(n - k)!}$$

Необходимо понять, какой длины мы получим слова после всех перестановок, от этого зависит и длина слова, которое мы допишем.

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

Разделим число всех букв в исходных словах, на число слов. Если результат деления целое число, то переставляя буквы в уже имеющихся словах, мы можем получить слова одинаковой длины и к исходным словам нам нужно дописать слово такой же длины.

Если результат нецелое число, то переставляя буквы в исходных словах мы получим слова двух длин. Если всего символов в исходных словах  $w$ , то у нас получится  $(w \bmod m)$  слов длины  $(w \div m + 1)$  и  $(m - w \bmod m)$  слов длины  $(w \div m)$ . Соответственно в слове, которое мы допишем должно быть  $(w \div m + 1) + (m - w \bmod m)$  букв.

Теперь, остаётся понять сколько ходов нам потребуется для перемещения букв и уравнивания длин всех слов. Мы можем беспрепятственно перемещать буквы из более длинных слов в более короткие, поскольку буквы в слове не повторяются, в длинном слове всегда есть буквы, которых нет в коротком.

Посчитаем для каждого слова, включая дописанное, сколько символов в слове не хватает либо сколько из него нужно переместить. Запишем результаты подсчётов в столбик, также как слова. Причём, недостаток символов будем записывать с знаком «-», а избыток с знаком «+». Например, для слов с длинами [2, 4, 2, 3, 4] получится [-1, 1, -1, 0, 1]. Для каждой линии, разделяющей слова, мы можем посчитать сколько букв должны пересечь для уравнивания длин слов. Чтобы посчитать это, достаточно найти сумму чисел справа от линии. Для нашего случая [-1 | 1, -1, 0, 1], сумма чисел справа от линии равна  $1 + (-1) + 0 + 1$ , т.е. 1. Это значит, что из правой части в левую, нужно переместить одну букву, это один ход. Если бы сумма была -2, это значило-бы, что переместить надо две буквы, но из левой части в правую, это будет 2 хода. Для каждой линии нужно посчитать число ходов, а затем просуммировать их. Это и будет число ходов, необходимое для уравнивания длин слов.

```
# coding: utf-8
import math
import numpy as np
```

```
n = int(input()) # букв в алфавите
m = int(input()) # слов перед нами
nums = map(int, input().split())
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**  
**Заключительный этап**  
**Профиль Информационные технологии**  
**Междисциплинарные задачи**

---

```
words = np.array(list(nums))
# print(words)

if n < np.max(words): # есть слово, длина которого больше числа букв в алфавите
    print(0)
    print(0)
    exit()

words_len, words_count = np.unique(words, return_counts=True)
i = 0
while i < len(words_len): # слов конкретной длины больше, чем их может быть
    составленно из алфавита
        if math.factorial(n) / math.factorial(n - words_len[i]) / math.factorial(words_len[i]) <
words_count[i]:
            print(0)
            print(0)
            exit()
            i += 1

# исходные данные верны!
# рассчитываем длину дополнительного слова
all_symbol = np.sum(words)
long_words = all_symbol % m # столько слов получится длины new_len
short_words = m - long_words # столько слов получится длины new_len - 1
if long_words == 0:
    new_len = all_symbol // m
    print(new_len) # длина дополнительного слова
    # не дописываем новое слово к столбцу - оно не скажется на числе ходов, необходимых
для перестановок
else:
    new_len = all_symbol // m + 1
    x = short_words + new_len
    print(x) # длина дополнительного слова
    words = np.append(words, x) # допишем новое слово в конец столбца

# рассчитываем число ходов
balance = np.zeros_like(words)
balance = words - new_len
# print(balance)
moves = 0
i = 1
while i < len(balance):
    left = np.sum(balance[:i])
```

**МОСКОВСКАЯ ПРЕДПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ  
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ**

**Заключительный этап**

**Профиль Информационные технологии  
Междисциплинарные задачи**

---

```
# print("left", balance[:i], left)
# right = np.sum(balance[i:])
# print("right", balance[i:], right)
moves += abs(left)
i += 1
```

```
print(moves)
```

**Критерии оценивания:**

- 0 - решение не прошло тестирование;
- 16 - решение прошло только тесты базовой группы;
- 32 - решение прошло тесты базовой и средней групп;
- 50 - решение прошло все тесты;